

Нарушается принцип эквивалентности или нет ?

Л. Римша

laimontas.rimsa@yahoo.com

В. Римша

viktor@pasvalys.lt

Показано что, при помощи свободно падающих атомных часов в однородном гравитационном поле, можно однозначно установить какова геометрия пространства-времени в гравитационном поле – Римана или Минковского.

1. Введение.

В ОТО, согласно принципу эквивалентности (ПЭ), утверждается, что в свободно падающей системе отсчета нет однородного гравитационного поля, и например, наблюдатель, находящийся в свободно падающем лифте, после некоторого промежутка времени свободного падения, при сравнении показаний часов на полу и у потолка лифта, разности хода времени не обнаружит (эксперимент типа Хафеле-Китинга). Согласно ПЭ - силы гравитации это силы инерции и такой переход в свободно падающую систему отсчета это переход в инерциальную систему отсчета, в которой все синхронизированные и неподвижные относительно друг друга часы идут одинаково. Далее в этой работе покажем, что сейчас имеются возможности проверить при помощи наблюдений это предсказание ПЭ, и, что интересно, возможно имеются наблюдательные факты опровергающие ПЭ. Во всех выше приведенных рассуждениях предполагается, что приливными эффектами можно пренебречь.

2. Влияют ли силы инерции на темп хода часов ?

Принцип эквивалентности - это по сути постулат, который другими доводами вряд ли можно достаточно строго доказать или опровергнуть. Если принять этот принцип, то неизбежно приходим к геометрическому подходу в гравитации. В этой работе рассмотрим подробнее влияние гравитационного поля на темп хода часов. В отличие от СТО, где причиной различия темпа хода часов является относительная скорость, в гравитационном поле разница темпа хода часов зависит от относительного положения. Поэтому эвристические доводы доказать ПЭ с помощью СТО недостаточно убедительны. Приведем одну цитату Тирринга [15] „ Как известно, оно (прим. – красное смещение) следует непосредственно из принципа эквивалентности. Рассматривая вращающиеся или равномерно ускоренные системы, мы получаем поперечный или продольный, соответственно, эффект Доплера“. Но очевидно, что причиной продольного эффекта Доплера (что доказано и в акустике и в оптике) может быть только движение источников и приемников излучения (относительно друг друга или относительно среды распространения волн), а не изменение темпа хода часов (времени). Только от относительного движения зависит и поперечный эффект Доплера. Доказательством полной тождественности однородного гравитационного поля и равноускоренной системы отсчета вряд ли можно принять доказательства использующие относительное движение часов, как например в [1]. Уверждения, что равноускоренная система отсчета в случае метрики Риндлера, тождественна однородному гравитационному полю тоже являются предметом дискуссий [2]. Даже утверждения что эта метрика описывает равноускоренную систему отсчета подвергаются сомнению [3].

При помощи только преобразований Лоренца для дифференциалов

$$\begin{aligned} d\vec{r} &= \gamma(d\vec{r}' + \vec{V}dt') \\ dt &= \gamma(dt' + \frac{\vec{V}}{c^2}d\vec{r}') \end{aligned} \quad (1)$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \vec{V}^2 / c^2}}$$

доказать ПЭ невозможно. Например, ход всех часов равноускоренной системы отсчета относительно выбранной инерциальной системы отсчета должен быть одинаков, так как скорости и ускорения всех этих часов относительно инерциальной системы одинаковы. А вот, если правилен ПЭ, относительно друг друга темп хода этих же часов должен быть разный. Но если пользоваться общепринятым определением собственного времени часов

$$d\tau = \frac{ds}{c} \quad (2)$$

то такого не может быть. Собственное (или действительное, истинное, физическое) время – это как раз то время которое и отсчитывают часы. И если в инерциальной системе отсчета для двух часов $ds_1 = ds_2$ то и любой системе отсчета это условие сохранится, так как ds является скалярной величиной и при любых трансформациях не меняется.

Многочисленные наблюдательные факты подтверждают правильность формулы в гравитационном поле

$$d\tau \approx (1 - \frac{1}{2} \frac{v^2}{c^2} + \frac{\Phi}{c^2})dt \quad (3)$$

здесь τ - собственное время показываемое часами, v - скорость часов относительно источника гравитационного поля, Φ - ньютонів потенциал гравитационного поля, t - координатное время (собственное время бесконечно удаленного и неподвижного относительно источника гравитационного поля наблюдателя). Важно то что (3) применима как в случае неподвижных, так и при свободном падении часов (часы на спутниках в гравитационном поле Земли), так как этого вполне достаточно для того чтобы, на хрестоматийном примере с лифтом, показать что ПЭ может нарушаться. Часы 1 на полу лифта и часы 2 у потолка лифта неподвижны относительно друг друга (лифт это жестко связанная система). В случае когда лифт неподвижен в однородном поле $\vec{v}_1 = \vec{v}_2 = 0$ получаем

$$\frac{d\tau_1}{d\tau_2} = (1 - \frac{gl}{c^2}) \quad (4)$$

здесь g - ускорение свободного падения, l - высота лифта. Видно что, в отличии от инерциальной системы отсчета, темп хода неподвижных относительно друг друга

часов различен. Но если применить (3) к свободно падающему лифту , то опять же получим (4), так как в этом случае $\vec{v}_1 = \vec{v}_2$. ПЭ предполагает, что относительно системы отсчета неподвижной относительно источника гравитационного поля, часы идут по разному , а вот относительно свободно падающей системы отсчета (системы отсчета лифта) эти же часы в одно и то же время идут одинакого. В этом случае можно повторить те же возражения что и в случае равноускоренной системы отсчета, так как, если пользоваться определением (2), то даже в случае нелинейных трансформаций, при помощи которых можно символы Кристоффеля локально обнулить, ход собственного времени не меняется.

Заметим, многие авторы утверждают, что в свободно падающей системе отсчета, достаточно рассмотреть прием и передачу сигналов (или например провести эксперимент типа Паунда – Ребки) и, если не будет сдвига частот, то тогда такая система инерциальна и часы в такой системе идут одинакого. Но такие рассуждения нельзя признать достаточно убедительными – гравитационное смещение частоты может компенсироваться продольным эффектом Доплера (за время распространения сигнала скорости излучателя и приемника меняются), так что только эксперимент в котором, после определенного промежутка времени, сравниваются показания самих часов (эксперимент типа Хафеле – Китинга) может дать однозначный ответ на вопрос – тождественны ли свободно падающие часы в однородном гравитационном поле часам инерциальной системы.

3. Об свободно падающих атомных часах в однородном гравитационном поле Солнца.

Влияет или не влияет однородное поле Солнца на ход атомных часов находящихся на поверхности Земли или на ее спутниках – однозначный и корректный ответ на этот вопрос был бы однозначным ответом и на вопрос о том справедлив ли принцип эквивалентности сил гравитации и сил инерции. Далее покажем, что пока такого ответа нет. В этом разделе рассмотрим два встречаемые в литературе теоретические подхода , а последующих двух разделах укажем на некоторые неоднозначные результаты наблюдений.

Общепринято мнение, что такого влияния нет как в гелиоцентрической (система центра масс Солнца) так и в геоцентрической системах (система центра инерции Земли – в случае условия однородности поля Солнца это и система центра тяжести Земли). При таком подходе как будто и нет проблемы указанной в предыдущем разделе, когда относительно одной системы отсчета часы идут по разному, а вот относительно другой системы эти же часы идут одинакого. Покажем, что если пользоваться только определением собственного времени (3), то такого рода утверждения ошибочны – в гелиоцентрической системе отсчета влияние однородного поля Солнца на темп хода часов должно проявляться. Вопрос только в том - есть ли это влияние и относительно геоцентрической системы отсчета (наблюдается ПЭ или нет).

В первом подходе утверждается что, хотя часы на поверхности Земли или поблизости ее, находятся при разных значениях потенциала Солнца, но их скорости в орбитальном движении Земли тоже разные из за орбитального

вращательного движения. Суммарный эффект потенциала Солнца и поперечного эффекта Доплера в (3) таков что темп хода часов не меняется, поэтому влияния однородного поля Солнца не должно наблюдаться ни гелиоцентрической ни в геоцентрической системах отсчета. Но такой способ рассуждений ошибочен – в орбитальном вращательном движении участвует только начало отсчета такой системы, сама же система может вращаться относительно центра инерции (в случае однородного поля это и центр тяжести) только по инерции. Однородное поле Солнца во время орбитального движения не может вращать систему отсчета относительно этого центра, так как влияние однородного внешнего поля на твердое тело или систему материальных точек можно свести к одной внешней силе действующей в одной точке – в центре инерции (в центре тяжести).

Геоцентрическая система отсчета, во время орбитального движения, движется криволинейно и при том это движение поступательно – пространственные оси такой системы сохраняют ориентацию – орбитальные скорости всех точек системы одинаковы и равны скорости начала отсчета системы, а вот потенциал однородного гравитационного поля Солнца в этих точках может быть разным. К тому же , если бы разные точки геоцентрической системы отсчета имели бы разные орбитальные скорости относительно Солнца, то в таком случае наблюдалось бы годовое вращение орбит спутников, так как в этом случае геоцентрическая система обязательно должна вращаться во время орбитального движения, период такого вращения был бы год [6]. Этого не наблюдается – можно ввести невращающиеся относительно удаленных звезд геоцентрическую и гелиоцентрическую системы отсчета [12]. Далее везде будем пользоваться только такими системами отсчета .

Во втором подходе тоже утверждается, что ПЭ заложен в формуле (3), так как некая сила инерции полностью компенсирует силу однородного поля Солнца [12]

Рассмотрим этот подход подробнее. Если собственное время для часов на поверхности Земли в гелиоцентрической системе отсчета переписать как

$$d\tau \approx \left(1 + \frac{\Phi(\vec{R})}{c^2} + \frac{\vec{\nabla}\Phi(\vec{R})\vec{r}}{c^2} + \frac{\Phi_g(\vec{r})}{c^2} - \frac{1}{2} \frac{\vec{V}^2}{c^2} - \frac{\vec{V}\vec{w}}{c^2} - \frac{1}{2} \frac{\vec{w}^2}{c^2}\right) dt \quad (5)$$

здесь $\Phi_g(\vec{r})$ - геопотенциал на поверхности Земли

\vec{R}, \vec{V} - векторы положения и скорости центра Земли относительно центра масс Солнца

\vec{r}, \vec{w} - векторы положения и скорости часов относительно центра Земли

$\Phi(\vec{R} + \vec{r})$ - потенциал Солнца на поверхности Земли

t - гелиоцентрическое координатное время

то многие авторы следуя [10] утверждают что с помощью тождества

$$\frac{\vec{w}\vec{V}}{c^2} = \frac{d}{dt} \left(\frac{\vec{r}\vec{V}}{c^2} \right) - \frac{\vec{r}}{c^2} \frac{d}{dt} \vec{V} \quad (6)$$

можно показать, что последний член (6) компенсирует член $\frac{1}{c^2} \vec{\nabla}\Phi(\vec{R})\vec{r}$ в (5) и поэтому нет однородного поля Солнца на поверхности Земли (появляется компенсирующая сила инерции). При этом предполагается что система отсчета

остается гелиоцентрической (и координатное время остается гелиоцентрическим временем) т. е. все выше указанные величины являются измеряемыми величинами в гелиоцентрической системе отсчета. Но этот подход не корректен так как компенсирующая сила инерции может появиться только в системе отсчета движущейся относительно гелиоцентрической системы с ускорением - в этом конкретном случае в геоцентрической системе отсчета. В функции Лагранжа, при нахождении уравнений движения в неинерциальных системах отсчета, полные производные по времени не учитываются и только тогда возможна такая полная компенсация однородного гравитационного поля. Например, если уравнение движения имеет вид

$$\frac{d\vec{V}}{dt} + \frac{d\vec{w}}{dt} = -\vec{\nabla}\Phi(\vec{R} + \vec{r})$$

$$\frac{d\vec{w}}{dt} = -\frac{d\vec{V}}{dt} - \vec{\nabla}\Phi(\vec{R} + \vec{r})$$

в случае приближения однородного поля

$$\frac{d\vec{V}}{dt} = -\vec{\nabla}\Phi(\vec{R}) = -\vec{\nabla}\Phi(\vec{R} + \vec{r}); \frac{d\vec{w}}{dt} = 0$$

то очевидно что компенсирующая сила инерции $-\frac{d\vec{V}}{dt}$ появится только если

рассматривать уравнения движения в системе, движущейся с ускорением $\frac{d\vec{V}}{dt}$, а

таковой в нашем примере является именно геоцентрическая система отсчета.

Преобразование же с помощью тождества (6) не меняет величину собственного времени так как полный дифференциал вносит свой вклад

$$\frac{1}{c^2} \int_{T_0}^T \frac{d(\vec{V}\vec{r})}{dt} dt = \frac{1}{c^2} [\vec{V}(T)\vec{r}(T) - \vec{V}(T_0)\vec{r}(T_0)] \quad (7)$$

и только при предположении, что в момент координатного времени T_0 часы могут быть синхронизированы – показывают одинаковое собственное время [10] (усредненное международное атомное время TAI), следует что остается только периодический член в момент T . Этот периодический член в момент времени T интерпретируется как соответствующий преобразованию СТО и тем самым утверждается, что однородное поле Солнца не влияет на ход часов, находящихся на поверхности Земли. Если же рассматривать темп хода конкретных часов, а не шкалу времени TAI, то можно получить другой результат. Например, если

\vec{r}_N - радиус вектор часов на Северном полюсе в геоцентрической

системе отсчета,

\vec{r}_S - радиус вектор часов на Южном полюсе в геоцентрической

системе отсчета,

то эти часы находятся на оси вращения Земли и поэтому остаются неподвижны относительно геоцентра во время суточного вращения и орбитального движения Земли

$$\vec{w}_N = \vec{w}_S = 0$$

к тому же если учесть что

$$\Phi_g(\vec{r}_N) \approx \Phi_g(\vec{r}_S)$$

то разность темпа хода часов в гелиоцентрической системе отсчета должна зависеть от величины однородного гравитационного поля Солнца на Земле.

$$\frac{d\tau_N}{d\tau_S} \approx 1 + \frac{1}{c^2} [\Phi(\vec{R} + \vec{r}_N) - \Phi(\vec{R} + \vec{r}_S)] \approx 1 + \frac{1}{c^2} \vec{\nabla} \Phi(\vec{R}) [\vec{r}_N - \vec{r}_S]$$

Так как ось вращения Земли повернута на угол по отношению плоскости орбиты, то должны наблюдаться годовые вариации разности темпа часов на противоположных полюсах. Тут можно усмотреть полную аналогию со свободно падающим лифтом. К такому же выводу можно прийти если рассмотреть, используя общепринятый способ при решении других задач, ход часов и в геоцентрической системе отсчета. Достаточно заметить что в (5) преобразование скоростей имеет вид трансформации Галилея

$$\vec{v} = \vec{V} + \vec{w}, dt' = dt$$

Если же, согласно принципу релятивистской ковариантности, в (5) в нужном приближении учесть применяемое в астрометрии преобразование Лоренца для времени

$$dt = dt_g \left(1 + \frac{1}{2} \frac{\vec{V}^2}{c^2} + \frac{\vec{V}\vec{w}}{c^2} - \frac{\Phi(\vec{R})}{c^2} \right)$$

здесь t_g - геоцентрическое время, то, как и можно ожидать, в геоцентрической системе отсчета для собственного времени часов получим

$$d\tau = \left(1 - \frac{1}{2} \frac{\vec{w}^2}{c^2} + \frac{\Phi_g(\vec{r})}{c^2} + \frac{\vec{\nabla} \Phi(\vec{R}) \vec{r}}{c^2} \right) dt_g$$

и при том нет никакой компенсации однородного поля Солнца. Так как общий вклад вращения Земли и геопотенциала на поверхности Земли на уровне моря для всех часов с хорошей точностью одинаков, то разность темпа хода часов на поверхности Земли может возникнуть из за разности потенциалов однородного поля Солнца. Очевидно, что этот вывод применим и в случае часов на спутниках.

4. Возможный сезонный дрейф часов.

В разделе 3.1 лекций М.В.Сажина [4] написано(цитируем), Ось вращения Земли наклонена по отношению к плоскости земной орбиты на угол $23^{\circ} 5'$. По этому часы, скажем 1 и 2 с собственным временем τ_1 и τ_2 которые находятся на разных широтах соответственно φ_1 и φ_2 , находятся также при разных значениях гравитационного потенциала Солнца. Естественно, что при движении Земли по орбите возникает годовая гармоника в изменении скорости хода часов

$$\frac{d\tau_1}{dt} - \frac{d\tau_2}{dt} = 14,8 \frac{ns}{day} (\sin \varphi_2 - \sin \varphi_1) \cos\left(\frac{t - 22 June}{365}\right) \quad (8)$$

Здесь в качестве начала отсчёта выбран день летнего солнцестояния. На коротких промежутках времени, значительно меньших длительности года, такое изменение скорости течения времени воспринимается как линейный дрейф часов, зависящий от широты. Величина этого дрейфа ≈ 15 наносекунд в день. Такой эффект действительно наблюдается и природа его никак не объяснима, если „забыть“ про эффекты общей теории относительности“ (конец цитаты).

Так как Земля свободно падает в поле Солнца, покажем что Сажин ошибается - если этот эффект наблюдается то надо „забыть“ как раз про ПЭ (и тем самым ОТО), так как такой эффект по величине и характеру даёт только однородное поле Солнца на Земле, приливные эффекты поля Солнца должны быть на несколько порядков меньше. Достаточно посмотреть в 10 разделе [11] оценку порядка приливных эффектов в системе GPS. На поверхности Земли величина приливных эффектов еще меньше. Так как нам не удалось установить первоисточник об этом дрейфе часов, то кратко попытаемся воспроизвести вывод формулы (8).

Вклад однородного поля Солнца при подсчёте разности потенциалов между часами на поверхности Земли и часами в центре Земли определяется величиной

$$\frac{\bar{\nabla}\Phi(\bar{R})}{c^2} \bar{r}$$

$\Phi(\bar{R})$ - потенциал Солнца в центре Земли

\bar{r} - радиус-вектор положения часов по отношению к геоцентру.

Введём две системы отсчёта с общей точкой в начале координат (эта точка совпадает с геоцентром). Для системы x, y, z во время орбитального движения Земли ось x направлена к Солнцу, плоскость x, y совпадает с плоскостью орбиты Земли (эклиптическая система). Ось z' системы x', y', z' повернута по отношению к оси z системы x, y, z на угол θ и к тому же система x', y', z' вращается вокруг оси z' (экваториальная система). Теперь можно переписать

$$\frac{\bar{\nabla}\Phi(\bar{R})}{c^2} \bar{r} = -\frac{gr_x}{c^2} \quad (9)$$

Здесь g - напряженность гравитационного поля Солнца в центре Земли, r_x - компонента по направлению к Солнцу радиус-вектора часов в системе x, y, z .

Если использовать углы Эйлера :

θ - угол нутации

ω - угол вращения

ψ - угол прецессии

то связь между проекциями радиус вектора положения часов в системах x, y, z и x', y', z' можно установить при помощи матрицы поворотов. В разделе 3.5 лекций [5] дана обратная матрица, нам же нужна получится путем транспонирования (матрица ортонормирована). Следовательно получим

$$r_x = r_{z'} \sin \theta \sin \psi + r_{y'} (-\sin \omega \cos \psi - \cos \omega \cos \theta \sin \psi) + r_{x'} (\cos \omega \cos \psi - \sin \omega \cos \theta \sin \psi)$$

Угол $\psi = 0$ соответствует весеннему равноденствию, если же за начало отсчета принять точку летнего солнцестояния, то следует учесть дополнительный сдвиг угла ψ на 90 градусов. Примем, что за один оборот системы x', y', z' угол нутации и угол прецессии практически не меняются. Если рассматриваем суточный эффект, то важен первый член, так как остальные периодические по углу вращения ω не дадут интегрального эффекта. К тому же

$$r_{z'} = r_0 \sin \varphi \quad (10)$$

r_0 - радиус Земли

φ - широта на которой находятся часы.

И того суточный вклад поля Солнца на часы на поверхности Земли будет

$$\frac{gr_0}{c^2} \sin \theta T \approx 14,8ns \quad (11)$$

T - продолжительность суток в секундах.

Годовая гармоника описывает изменение угла ψ при орбитальном движении. Очевидно, что с учётом (9), (10) и (11) легко можно получить формулу (8) указанную в лекциях Сажина.

5. Некоторые другие возможные способы проверки принципа эквивалентности при помощи атомных часов.

Можно предположить, что должно также проявиться влияние однородного поля Солнца на часы спутников системы GPS, так как в однородном поле Солнца Земля и спутники GPS падают с одинаковым ускорением по отношению к Солнцу, и, следовательно, на относительное движение спутников орбитальное движение Земли не влияет. Интересно, что имеются данные [7], [8], [9] которые можно интерпретировать подобным образом, но, по понятным причинам, ищутся другие возможные объяснения.

Укажем еще два других возможных способа проверить ПЭ. Если разность темпа хода часов на поверхности Земли зависит от разности потенциалов однородного поля Солнца между этими часами, то при регистрации сигналов станциями сети VLBI это можно зафиксировать. Эта разность темпа хода часов будет восприниматься как дополнительная задержка и при том должны наблюдаться годовые и суточные гармоники. Точность наблюдений при помощи станций VLBI для частоты интерференции достигнута $10^{-15} \frac{s}{s}$ и лучше [5], так что эта проверка вполне реальна. Имеются данные наблюдений которые возможно указывают на влияние однородного гравитационного поля Солнца при наблюдениях VLBI [7].

Другая возможность проверки ПЭ состоит в том, что, если нарушается этот принцип, то из-за влияния однородного поля Солнца должна наблюдаться определенная зависимость времени прихода сигнала пульсаров (time of arrivals – TOA) от широты на которой находится наблюдатель (годовая гармоника).

Разность ТОА в ns для двух наблюдателей от того же самого пульсара можно получить проинтегрировав (8)

$$\tau_2 - \tau_1 = 14,8(\sin \varphi_1 - \sin \varphi_2) \cdot \frac{365}{2\pi} \sin\left(\frac{2\pi(t - t_0)}{365}\right)$$

t_0 - день летнего солнцестояния .

Если обеспечить устойчивость хода часов в течении года с точностью 100-200 ns (вполне реально) то можно проверить есть ли такой эффект. Надо отметить что τ_1, τ_2 - это собственные времена часов.

6. Пространство Римана или пространство Минковского ?

Согласно ПЭ, выбором свободно падающей системы можно осуществить переход в локально инерциальную систему отсчета. В такой системе уравнение геодезической принимает вид уравнения движения тел в инерциальной системе отсчета – символы Кристоффеля в этой системе равны 0 . Так как в ОТО плотность псевдотензора энергии – импульса гравитационного поля пропорциональна символам Кристоффеля то и эта плотность локально станет нулевой. Если гравитационное поле однородно (или в некоторой области конечных размеров можно пренебречь приливными эффектами) то все это можно проделать и в системах отсчета определенных конечных размеров . Это прямое следствие геометрической природы ОТО . Если же в свободно падающей системе отсчета наблюдается влияние однородного поля на темп хода часов, то это ставит под сомнение сам геометрический подход в гравитации – так как если первые производные метрического тензора равны 0, то в этом случае невозможно указать причину такого влияния . По этой причине чуть подробнее рассмотрим возможный альтернативный подход. Хорошо известно, что возможна полевая теория гравитации (ПТГ) в пространстве Минковского [13] [14] [15] [16] [17] . Абсолютное большинство физиков придерживается точки зрения, что если строить нелинейную теорию гравитации с помощью тензорного поля (спин 2 и 0) в пространстве Минковского, то получим ту же ОТО. Нужно отметить и наличия противоположного мнения [13] [14]. В обоснование такой позиции можно привести еще и такой аргумент. В работе В.Тирринга [15] утверждается что исходное в полевом подходе в гравитации глобальное пространство Минковского (по терминологии автора – неренормализованная метрика) не наблюдаемо при помощи реальных часов и линеек. Наблюдаемо же пространство Римана (ренормализованная метрика) и причиной по которой это происходит является воздействие гравитационного поля на измерительные часы и линейки и поэтому , Тирринг делает такой вывод, полевой подход тождественен ОТО. Но можно заметить, что при том автором приведенный пример с атомом водорода (как с эталонами часов и линеек) в статическом гравитационном поле противоречит этому выводу об тождественности ПТГ и ОТО. В этом случае связь между координатами (дифференциалами координат) ренормализованной и неренормализованной метрик имеет вид обычного координатного

преобразования. А как известно, при таком преобразовании, невозможно ни локально ни глобально ни создать ни уничтожить тензор Римана. И если исходное пространство (ненормализованная метрика) пространство было пространством Минковского, то и таким останется после такого преобразования (ренормализованная метрика). Покажем далее, что полевая теория гравитации в пространстве Минковского приводит к отрицанию ПЭ, и, таким образом, при помощи атомных часов, можно однозначно установить природу пространства-времени в гравитационном поле.

В полевой теории гравитации, в отличие от ОТО, в свободно падающей системе отсчета, в уравнении движения тел сила гравитации не исчезает, а компенсируется силой инерции. Плотность тензора энергии-импульса гравитационного поля, как и других физических полей, в этом случае не становится нулевой – не равны 0 первые производные потенциалов гравитационного поля. И следовательно, при переходе в свободно падающую систему отсчета, в ПТГ не исчезает однородное гравитационное поле. Сам же переход в свободно падающую систему можно осуществить при помощи преобразований Лоренца (1), так как ПТГ это лоренц-ковариантная теория в пространстве Минковского, и при том к компонентам тензорного поля могут появиться только поправки следующего порядка малости по $\frac{1}{c}$. Согласно ПТГ, на

сдвиг уровней атомов (гравитационное красное смещение) влияет только гравитационный потенциал, а не напряженность (сила) гравитационного поля. И тем самым силы инерции тоже не влияют на гравитационное красное смещение. Цитата из работы В.Тирринга [15] „Таким образом мы пренебрегаем гравитационным эффектом Штарка, который, действительно, очень мал. Кроме того, в этом случае нет различия между свободно падающим протоном и протоном покоящимся“.

Это утверждение можно принять как полностью доказанное наблюдениями за темпом хода часов на спутниках, свободно падающими в гравитационном поле Земли. Присутствует ли или нет однородное поле в свободно падающей системе можно установить сравнивая темп хода двух атомных часов в двух различных точках этой системы. Разность темпа хода этих часов должна зависеть от разности потенциалов гравитационного поля, так как темп хода свободно падающих часов зависит от гравитационного потенциала в точке нахождения часов. В ПТГ если два идентичных атома в разных точках падают в однородном гравитационном поле и, если в этих точках потенциал однородного поля принимает различные значения, то сдвиги уровней атомов, энергии связи (и тем самым из-за дефекта масс и сами массы покоя атомов) будут разными.

Если ПТГ не является приближением ОТО, то компоненты тензора поля не входят в интервал ds , и в ней нет никакого принципа геометризации. Поэтому в ПТГ должен быть справедлив специальный принцип относительности. Тогда свойства пространства - времени Минковского в гравитационном поле не могут зависеть от поля и локальные измерения в гравитационном поле должны приводить к разным результатам по сравнению с ОТО. Так для инерциального наблюдателя в любой точке гравитационного поля и для инерциального наблюдателя вне поля разница показаний

промежутков времен и пространственных расстояний может зависеть только от относительной скорости. Поэтому существенное различие ПТГ от ОТО - здесь влияние на темп хода часов (а не на темп хода самого времени) гравитационным полем определяется тем, что в таком поле с точки зрения ПТГ есть сдвиг энергетических уровней системы. Зависимость измерительных приборов от какого либо фактора не означает автоматически зависимость свойств и измеряемого объекта (в нашем случае свойств пространства – времени) от того же фактора.

Поэтому, с точки зрения ПТГ, определяя эталон измерения времени с помощью реальных физических систем, мы должны в самом определении указывать местонахождение этой системы в гравитационном поле. Если перенести физическую систему в другое место в поле то нужно вносить поправки. Например ... определяя с помощью атома цезия секунду в определенной точке поля как некоторое число колебаний мы должны иметь ввиду, что в другом месте в поле секунде будет соответствовать уже другое число колебаний атома цезия. Такой подход в ПТГ из-за универсальности гравитационного взаимодействия является всеобщим для всех эталонов измерения. Различие в понимании измерений с ОТО уже в слабом гравитационном поле существенное.

Рассмотрим этот вопрос (разницу интерпретаций атомных часов в ОТО и ПТГ) подробнее.

Пусть имеем случай двух одинаковых неподвижных относительно друг друга атомных часов в гравитационном поле. Эксперименты дают для любых чисел колебаний

$$N_2 = N_1(1 + \Delta\Phi/c^2)$$

Φ - ньютоновский потенциал

Разность чисел колебаний

$$\Delta N = N_1 \Delta\Phi/c^2$$

В ОТО частота атомных часов не должна зависеть от поля - разность чисел колебаний определяется зависимостью времени от поля

$$\Delta N = f_0 \Delta t$$

$$f_2 = f_1 = f_0$$

Поэтому разница показаний промежутков времени в интерпретации ОТО

$$\Delta t = t_1 \Delta\Phi/c^2$$

$$t_1 = \frac{N_1}{f_0}$$

Совсем другое объяснение чем в ОТО может быть для результатов экспериментов с атомными часами в рамках ПТГ. Здесь разность чисел колебаний надо объяснять зависимостью частоты атомных часов от гравитационного поля

$$\Delta N = \Delta f t$$

$$t_2 = t_1 = t$$

С точки зрения ПТГ теперь эксперименты с атомными часами доказывают зависимость частоты (энергетических уровней) атомных часов от поля

$$\Delta f = f_1 \Delta \Phi / c^2$$

Если двое атомных часов движутся в гравитационном поле относительно друг друга то измеренная разница промежутков времен в ПТГ зависит только от их относительной скорости

$$\tau - t = -\frac{1}{2c^2} \int dt V^2$$

Тогда разность чисел колебаний определяется как зависимостью частот от гравитационного потенциала так и зависимостью промежутков времени от относительной скорости (эффект СТО). Разность чисел колебаний в движущихся атомных часах N_2 (собственное время τ) и чисел колебаний в неподвижных атомных часах N_1 (время t) в таком приближении можно определить как

$$\frac{N_2 - N_1}{N_1} = \frac{\tau}{t} - 1 + \frac{\Phi_2 - \Phi_1}{c^2}$$

Только первый член в правой стороне определяется зависимостью самого хода времени от относительной скорости (СТО) наблюдателей. Вторым член определяется зависимостью хода самих часов от гравитационного поля (ПТГ).

Значит, ПТГ может объяснить возможно уже сейчас наблюдаемые нарушения принципа эквивалентности (сезонный дрейф атомных часов , влияние поля Солнца на часы спутников GPS и др.), но при этом нужно учитывать другую интерпретацию зависимости числа колебаний атомных часов от гравитационного потенциала.

7. Заключение.

Принцип эквивалентности сил гравитации и сил инерции предполагает, что в свободно падающей системе отсчета, вид уравнений движения всех тел принимает вид уравнений движения в инерциальной системе. Необходимым условием этого является равенство гравитационной и инертной масс. Все же этого недостаточно для того чтоб принцип эквивалентности признать правильным. Необходимо проверить и как себя ведут часы в свободно падающей системе в случае однородного поля – так как в инерциальной системе или нет. В настоящее время точность наблюдений позволяет это сделать. Эта проверка тем более важна, что имеются данные наблюдений, возможно опровергающих принцип эквивалентности.

Литература

1. K. Nordtvedt gr-qc/0212053
2. M. Alberici gr-qc/0503092
3. Ch.G. Huang, H.Y. Guo gr-qc/0604088
4. М.В.Сажин „ Теория относительности для астрономов “
<http://www.astronet.ru/db/msg/1170927>
5. В.Е. Жаров „ Сферическая астрономия “
<http://www.astronet.ru/db/msg/1190817>
6. Ronald R. Hatch Foundations of Physics vol. 34 , no 11 , p 1725-1739 (2004)
<http://www.springerlink.com/content/h503n551u713wg72/>
7. Scott R. Chubb Astrophysics and Space Science vol. 213 , no1 , p 63-73 (1994)
<http://adsabs.harvard.edu/abs/1994Ap&SS.213...63C>
8. Tom van Flandern and Thomas B.Bahder
<http://metaresearch.org/cosmology/gravity/vanflandern.ppt>
9. Thomas B.Bahder gr-qc/9811009
10. Theodore D. Moyer Celestial Mechanics **23** (1981) 33-56
11. N. Ashby <http://relativity.livingreviews.org/Articles/lrr-2003-1/>
12. N. Ashby www.aapt-doorway.org/TGRU/articles/Ashbyarticle.pdf
13. Yu.V. Baryshev gr-qc/9912003
14. A.A. Logunov gr-qc/0210005
15. В. Тирринг Гравитация , том 2 , выпуск 2 , 40-58 (1996)
16. R. Feynman, F. Morigo, W. Wagner „ Feynman lectures on gravitation “
17. N. Straumann astro-ph/0006423